



## MATHÉMATIQUES

### EXERCICE 1 (09 points)

Soit  $f$  la fonction numérique définie par :  $f(x) = \frac{2x-3}{x+1}$ .

- 1) Déterminer l'ensemble de définition  $D_f$  de  $f$ . (01 point)
- 2) a) Déterminer les limites de  $f$  aux bornes de  $D_f$ . (01 point)
- 3) b) En déduire l'équation de chaque asymptote à la courbe représentative  $(\mathcal{C}_f)$  de  $f$ . (01 point)
- 4) Montrer que le point  $I(-1; 2)$  est un centre de symétrie de  $(\mathcal{C}_f)$ . (02 points)
- 5) Déterminer la fonction dérivée  $f'$  de  $f$ , puis dresser le tableau de variation de  $f$ . (02 points)
- 6) Tracer  $(\mathcal{C}_f)$  et ses asymptotes dans un repère orthonormé. (02 points)

### EXERCICE 2 (05 points)

Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système d'équations suivant : 
$$\begin{cases} \ln x + \ln 4 = \ln 3 - \ln y \\ e^x = e^{2-y} \end{cases}$$

### EXERCICE 3 (06 points)

**Choisir la bonne réponse**

**N.B.** : - Pour chaque question, une seule réponse est juste.

- Une réponse juste rapporte 01,5 point,
- une réponse fausse enlève 0,25 point et l'absence de réponse ne rapporte, ni n'enlève de point.

i. Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$ . La fonction dérivée  $f'$  de  $f$  sur  $\mathbb{R}$  est :

- a)  $\frac{2x}{\sqrt{x^2+3}}$  ; b)  $\frac{1}{2\sqrt{x^2+3}}$  ; c)  $\frac{3}{\sqrt{x^2+3}}$  ; d)  $\frac{x}{\sqrt{x^2+3}}$

II. Un enfant doit choisir au hasard et successivement sans remise trois bonbons parmi six dont trois sont à la menthe, deux au chocolat et un à la fraise. Soit l'évènement  $A$  « Choisir trois bonbons de nature différente ».

Card  $A$  est égal à :

- a)  $C_3^1 \times C_2^1 \times C_1^1$  ; b) 36 ; c)  $\frac{3}{5}$  ; d)  $3! \times 2! \times 1!$

III. Soit la fonction  $g$  définie sur  $\mathbb{R}^*$  par :

$$g(x) = \frac{e^x + 2}{x}. \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^x + 2}{x} \text{ vaut :}$$

- a)  $+\infty$  ; b)  $-\infty$  ; c) 0 ; d) impossible.

IV. Soit la fonction  $h$  telle que  $h(x) = \frac{2}{\ln x}$ . Le domaine de définition  $D_h$  de  $h$  est :

- a)  $]0; +\infty[$  ; b)  $\mathbb{R}$  ; c)  $]1, +\infty[$  ; d)  $]0, 1[ \cup ]1, +\infty[$ .